

Progression annuelle de première S.

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithme de programmation	Approfondissement	Dur
<p>1. Polynômes du second degré.</p> <ul style="list-style-type: none"> • Forme canonique d'une fonction polynôme de degré deux. • Équation du second degré, discriminant. • Signe du trinôme. 	<ul style="list-style-type: none"> • Savoir représenter une fonction polynôme de degré 2. • Déterminer la forme canonique d'une fonction polynôme de degré 2. <ul style="list-style-type: none"> — À partir de la forme développée — À partir d'un graphique — À partir de l'extremum et d'un point • Déterminer et utiliser la forme la plus adéquate d'une fonction polynôme de degré deux en vue de la résolution d'un problème : développée, factorisée, canonique. • Déterminer la forme factoriser d'une fonction polynôme de degré 2. <ul style="list-style-type: none"> — À Partir de la forme développée. — À partir de la représentation graphique. • Déterminer les variations d'une fonction polynôme de degré 2. (Utilisation de la forme canonique) • Déterminer l'extremum d'une fonction polynôme de degré 2. (Utilisation de la forme canonique) • Savoir utiliser la forme adéquate permettant la résolution d'un problème (forme développée, factorisée ou canonique) • Détermination du discriminant et des racines d'une fonction polynôme de degré 2. • Résolution d'équation et d'inéquation du second degré. 	<ul style="list-style-type: none"> • Forme canonique de $ax^2 + bx + c$. • Factorisation si $\Delta \leq 0$. • Expression des racines si $\Delta \leq 0$. 	<ul style="list-style-type: none"> • Python : "If", racines avec a, b et c. 	<ul style="list-style-type: none"> • Factorisation si x_0 racine avec accompagnement. • Factorisation d'un polynôme du troisième degré admettant une racine et résolution de l'équation associée. • Factorisation de $x^n - 1$ et de $x^n - a^n$. • Déterminer deux nombres réels connaissant leur somme s et leur produit p comme racines de la fonction polynôme $x \mapsto x^2 - sx + p$. • Optimisation. • ... 	2-3

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithmes de programmation	Approfondissement	Dur
<p>2. Géométrie plane :</p> <ul style="list-style-type: none"> • Condition de colinéarité de deux vecteurs. • Vecteur directeur d'une droite. Équation cartésienne d'une droite. • Expression d'un vecteur du plan en fonction de deux vecteurs non colinéaires. 	<ul style="list-style-type: none"> • Étudier la colinéarité de deux vecteurs à partir de leurs coordonnées. • Utiliser la colinéarité de deux vecteurs pour déterminer si trois points sont alignés. • Déterminer une équation cartésienne de droite. • Déterminer les éléments caractéristiques d'une droite (lien entre vecteur directeur et coefficient directeur). • Savoir déterminer si deux droites sont parallèles ou sécantes. • Savoir déterminer les coordonnées d'un vecteur dans une nouvelle base. 	<ul style="list-style-type: none"> • Lien entre définition vectorielle et propriété analytique. • Lien entre coefficient directeur et vecteurs directeurs 	<ul style="list-style-type: none"> • Utilisation de géogebra pour appréhender la proportionnalité des coordonnées lorsque les vecteurs sont colinéaires. • Savoir déterminer les coordonnées d'un vecteur dans une base judicieusement (relation de Chasles) 		3
Toussaint	*****	*****	*****	****	
<p>3. Étude de fonctions.</p> <ul style="list-style-type: none"> • fonctions de référence : $x \mapsto \sqrt{x}$ et $x \mapsto x$ • Sens de variation des fonctions $u + k$, λu, \sqrt{u} et $\frac{1}{u}$, la fonction u étant connue, k étant une fonction constante et λ un réel. 	<ul style="list-style-type: none"> • Connaître les variations de ces deux fonctions et leur représentation graphique. • Savoir déduire d'une lecture graphique d'une représentation graphique de fonction(s) : ses variations (et son tableau de variation), les solutions d'une équation ($f(x) = a$), d'une inéquation ($f(x) > a$ ou $f(x) > g(x)$), les positions relatives des différentes courbes... • Déterminer par le calcul les positions relatives de deux courbes. • Déterminer les variations d'une fonction par l'étude du signe de $f(b) - f(a)$ avec $a \leq b$. • Exploiter ces propriétés pour déterminer le sens de variation de fonctions simples. • Utiliser cette décomposition pour l'étude d'inégalités. • Utiliser cette décomposition pour l'étude des variations de la fonction. • Contre exemple somme et produit. 	<ul style="list-style-type: none"> • La fonction racine carrée est croissante sur $[0; +\infty[$. • Justifier les positions relatives des courbes représentatives des fonctions $x \mapsto \sqrt{x}$, $x \mapsto x$ et $x \mapsto x^2$. • Variation d'une fonction décomposable en fonctions de références. 	<ul style="list-style-type: none"> • Décomposition en fonction de référence. • Utiliser la décomposition pour l'étude de variations. 	<ul style="list-style-type: none"> • Utiliser la décomposition pour l'étude d'inégalités. 	2

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithmes de programmation	Approfondissement	Dur
<p>4. Suites et suites arithmétiques.</p> <ul style="list-style-type: none"> • Modes de génération d'une suite numérique. • Suites arithmétiques. • Sens de variation d'une suite numérique. <p>Approche de la notion de limite d'une suite à partir d'exemples.</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Modéliser et étudier une situation à l'aide de suites. • Trouver l'expression permettant d'exprimer u_n en fonction de n. • Déterminer la raison et le premier terme d'une suite arithmétique. • Savoir reconnaître une suite arithmétique. • Déterminer la somme de termes d'une suite arithmétique. • Déterminer la limite d'une suite arithmétique à partir de sa raison. • Déterminer les variations d'une suite par : l'étude du signe de $u_{n+1} - u_n$ ou par l'étude de la fonction f si $u_n = f(n)$. <p>Par exemple, cas d'une suite croissante non majorée</p>	<p>Établir et connaître la formule $1 + 2 + \dots + n$.</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Obtenir une liste de termes d'une suite; • Calculer un terme de rang donné. • Calcul de la racine carrée chez Héron d'Alexandrie <p>• On peut utiliser un algorithme ou un tableur pour traiter des problèmes de comparaison d'évolutions et de seuils.</p> <p>on peut déterminer un rang à partir duquel tout terme de la suite est supérieur à un nombre donné.</p>	<p>Savoir utiliser la première bissectrice les termes d'une suite récurrente définie par $u_{n+1} = f(u_n)$.</p>	3
<p>5. Dérivation 1.</p> <ul style="list-style-type: none"> • Nombre dérivé d'une fonction en un point. • Tangente à la courbe représentative d'une fonction dérivable en un point. • Fonction dérivée. 	<ul style="list-style-type: none"> • Le nombre dérivé est défini comme limite du taux d'accroissement • Déterminer l'équation et savoir tracer la tangente en connaissant le nombre dérivé. • Tracer une tangente connaissant le nombre dérivé. • Déterminer l'équation d'une tangente à partir du nombre dérivé. • Déterminer la fonction dérivée à partir des formules. • Déterminer l'équation d'une tangente en un point. • Savoir étudier les variations d'une fonction à partir du signe de sa fonction dérivée. • Déterminer les extrema d'une fonction à partir du signe de la fonction dérivée. • Équation et lecture d'un tableau de variation. • Déterminer les extrema locaux à partir du tableau de variations. 	<ul style="list-style-type: none"> • Dérivé des fonctions usuelles. • Approximation affine et équation de la tangente. • Formule de dérivation pour les opérations sur les fonctions. 	<ul style="list-style-type: none"> • Utilisation de géogébra pour l'appréhension du nombre dérivé. • Méthode de Newton. • Écrire la liste des coefficients directeurs des sécantes pour un pas donné. 	<ul style="list-style-type: none"> • Méthode de Newton. • Résoudre des inégalités à l'aide d'une étude de fonction. 	3

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithmes de programmation	Approfondissement	Dur
6. Statistique <ul style="list-style-type: none"> • Caractéristiques de dispersion : variance, écart-type. • Diagramme en boîte. 	<ul style="list-style-type: none"> • Utiliser de façon appropriée les deux couples usuels qui permettent de résumer une série statistique : (moyenne, écart-type) et (médiane, écart inter-quartile). • Étudier une série statistique ou mener une comparaison pertinente de deux séries statistiques 	<ul style="list-style-type: none"> • Formule $\overline{aX + b} = a\overline{X} + b$ et $\sigma(aX + b) = a \sigma(X)$. 	<ul style="list-style-type: none"> • Utilisation de tableur pour l'application de formule donnant l'écart type. • à l'aide d'un logiciel ou d'une calculatrice. • Des travaux réalisés à l'aide d'un logiciel permettent de faire observer des exemples d'effets de structure lors du calcul de moyennes. 		2
7. Trigonométrie. <ul style="list-style-type: none"> • Cercle trigonométrique. • Radian. • Mesure d'un angle orienté, mesure principale. 	<p>Utiliser le cercle trigonométrique, notamment pour :</p> <ul style="list-style-type: none"> • déterminer les cosinus et sinus d'angles associés ; • résoudre dans \mathbb{R} les équations d'inconnue x : $\cos x = \cos a$ et $\sin x = \sin a$. 	<ul style="list-style-type: none"> • Valeurs particulières de sinus et cosinus. • Formules : $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$. 	<ul style="list-style-type: none"> • Algorithme permettant l'approximation du nombre π par Archimède. 	<ul style="list-style-type: none"> • Résolution d'équation voir d'inéquation trigonométrique. 	2
8. Probabilité. <ul style="list-style-type: none"> • Variable aléatoire discrète et loi de probabilité. Espérance, variance et écart-type. • Modèle de la répétition d'expériences identiques et indépendantes à deux ou trois issues. 	<ul style="list-style-type: none"> • Déterminer et exploiter la loi d'une variable aléatoire. • Interpréter l'espérance comme valeur moyenne dans le cas d'un grand nombre de répétitions. • Représenter la répétition d'expériences identiques et indépendantes par un arbre pondéré. • Utiliser cette représentation pour déterminer la loi d'une variable aléatoire associée à une telle situation. • Pour la répétition d'expériences identiques et indépendantes, la probabilité d'une liste de résultats est le produit des probabilités de chaque résultat. 	<ul style="list-style-type: none"> • Les formules : $E(aX + b) = aE(X) + b$ $V(Ax + b) = a^2V(X)$ $\sigma(aX + b) = a \sigma(X)$. • Formule de König-Huygens. • Somme des probabilités pour une loi géométrique tronquée de paramètre n, p. (Espérance et variance ?) 	<ul style="list-style-type: none"> • Approche heuristique de la loi des grands nombres, on fait le lien avec la moyenne et la variance d'une série de données. • Déterminer l'espérance, la variance et l'écart-type d'une variable aléatoire. • On peut simuler la loi géométrique tronquée avec un algorithme. 	<ul style="list-style-type: none"> • Pour X variable aléatoire, étude de la fonction du second degré : $x \mapsto E((X - x)^2)$ • Espérance et variance de $f(X)$ dans des cas simples. • loi géométrique 	2
Hiver	*****	*****	*****	*****	

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithmes de programmation	Approfondissement	Dur
9. Suite géométrique. <ul style="list-style-type: none"> Suites géométrique. 	<ul style="list-style-type: none"> Trouver l'expression permettant d'exprimer u_n en fonction de n. Déterminer la raison et le premier terme d'une suite géométrique. Savoir reconnaître une suite géométrique. Déterminer la somme de termes d'une suite géométrique. Déterminer la limite d'une suite géométrique. à partir de sa raison. 	Établir et connaître la formule $1 + q + q^2 + \dots + q^n$.	<ul style="list-style-type: none"> Détermination de la somme des termes d'une suite. 		1
10. Produit scalaire. <ul style="list-style-type: none"> Définition, propriétés. Vecteur normal à une droite. 	<p>Calculer le produit scalaire de deux vecteurs par différentes méthodes :</p> <ul style="list-style-type: none"> projection orthogonale ; analytiquement ; à l'aide des normes et d'un angle ; à l'aide des normes. <p>Choisir la méthode la plus adaptée en vue de la résolution d'un problème.</p> <ul style="list-style-type: none"> Déterminer une équation cartésienne de droite connaissant un point et un vecteur normal. Déterminer un vecteur normal à une droite définie par une équation cartésienne. 	<ul style="list-style-type: none"> Il est intéressant de démontrer l'égalité des expressions attachées à chacune de ces méthodes. La démonstration du théorème de la médiane fournit l'occasion de travailler le calcul vectoriel en lien avec le produit scalaire. Formule d'Al-Kashi Ensemble des points M tels que $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 0$ lien entre vecteur normal, vecteur directeur. 	<ul style="list-style-type: none"> Utilisation de géogébra Déterminer si deux vecteurs sont colinéaires ou orthogonaux. 		2
11. Probabilité. <ul style="list-style-type: none"> Schéma de Bernoulli, loi binomiale (loi du nombre de succès). Espérance, variance et écart-type de la loi binomiale. 	<ul style="list-style-type: none"> Reconnaître des situations relevant de la loi binomiale. introduire le coefficient binomial $\binom{n}{k}$ comme nombre de chemins de l'arbre réalisant k succès pour n répétitions. Établir enfin la formule générale de la loi binomiale. Utiliser l'espérance d'une loi binomiale dans des contextes variés. 	<ul style="list-style-type: none"> Formule de Pascal.(Méthode combinatoire à privilégier) Formule de symétrie. L'utilisation des coefficients binomiaux dans des problèmes de dénombrement. La formule donnant l'espérance de la loi binomiale est conjecturée puis admise, celle de la variance est admise. 	<ul style="list-style-type: none"> Représenter graphiquement la loi binomiale. Calcul des probabilités à la calculatrice. Simuler la loi binomiale. 	<ul style="list-style-type: none"> Formule factorielle (n'est pas un attendu du programme) 	2

Séquence / connaissances	Capacités attendues	Démonstrations	Algorithme de programmation	Approfondissement	Dur
12. Application produit scalaire. <ul style="list-style-type: none"> • Calculs d'angles et de longueurs; formules d'addition et de duplication des cosinus et sinus. 	<ul style="list-style-type: none"> • Déterminer une équation de cercle défini par son centre et son rayon ou par son diamètre. 	<ul style="list-style-type: none"> • Démontrer : $\cos(a - b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b.$ 		<ul style="list-style-type: none"> • Formules d'addition. 	1-2